


**PANTHÉON SORBONNE**  
UNIVERSITÉ PARIS 1  
OMNIBUS SAPIENTIA UNICUIQUE EXCELLENTIA

**INSTITUT DE DÉMOGRAPHIE  
DE L'UNIVERSITÉ DE PARIS**



**IDUP**

---

**Cours d'analyse démographique niveau : Master de démographie, 1e année**

par Alexandre Avdeev (avec le concours de Pr Jitka Rychtaříková de l'Université Charles à Prague et Dr Irina Troitskaia, Directrice de Recherches à l'Université d'État de Moscou Lomonossov)


**Chapitre 7 :**

## Analyse de la nuptialité

1. Mariage en tant qu'un événement démographique : nature, particularités, facteurs et environnement.
2. Indicateurs conventionnels de la nuptialité.
3. Table de (primo) nuptialité: structure et algorithmes de construction à partir des taux de la première catégorie.
4. Méthode indirecte d'estimation de l'âge moyen au premier mariage à partir des données d'un recensement (d'une enquête) : SMAM - sigulate mean age at marriage de John Hajnal.
5. Table de primo-nuptialité avec la prise en considération de la mortalité des célibataires: tables combinées et tables "grosse" ou épurées.
6. Autres caractéristiques de la nuptialité : divorces, remariages, causes de la dissolution des couples.
7. Annexes techniques

**Lecture :** R.Pressat *L'analyse démographique. Méthodes – Résultats – Applications*. Paris, PUF, 1961, chapitre 4 (p.137-152)  
L.Henry *Démographie. Analyse et Synthèse*. Edition de l'INED, 1984, chapitre 4, p.75-92

avec la lecture supplémentaire sur <http://dmo.econ.msu.ru/teaching/>



1

1<sup>e</sup> partie :

# APPROCHES THÉORIQUES DE L'ANALYSE DE LA NUPTIALITÉ

2

2

### Le mariage comme un objet d'étude démographique

**Le mariage** est un phénomène démographique :

- **non fatal** : certaines personnes ne se marient pas, même si elles ont théoriquement cette possibilité, c'est-à-dire, elles vivent assez longtemps (*par conséquent et à la différence des décès, le nombre final de mariages dans une cohorte peut être inférieur à l'effectif initial de la population à risque*);
- **renouvelable** : un remariage est possible, si le mariage (précédent) est terminé par le divorce ou à cause de décès du conjoint (*par conséquent et à la différence des décès, le nombre final de mariages dans une cohorte peut être supérieur à l'effectif initial de la population à risque*).

**... il est cependant possible de révoquer la nature renouvelable du mariage, en prenant en considération son rang**

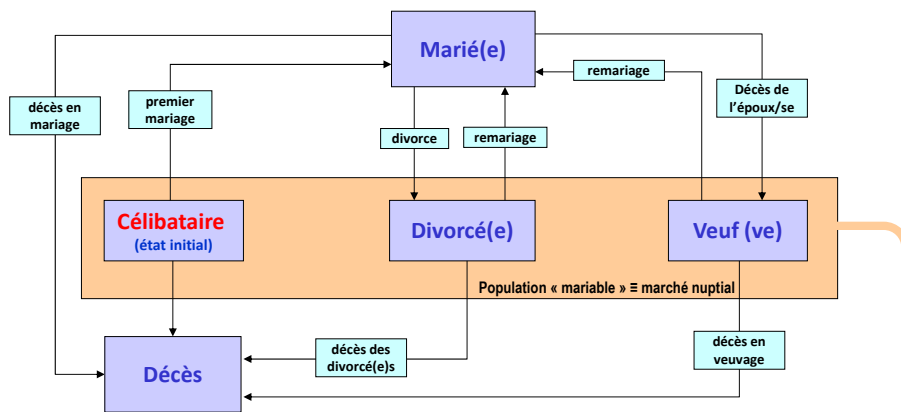
**Le premier mariage** (ou de façon générale le mariage d'un rang donné) est un phénomène **non renouvelable**.

L'analyse des premiers mariages est un exemple d'étude **d'un phénomène ni fatal, ni renouvelable** et donc ces principes s'appliquent à tous les phénomènes non fatals qui se différencient par leur rang.

3

3

### États, transitions et événements dans le processus de la nuptialité d'une population (fermée à la migration)= une idée de la table « multi-états »



**état** - états de la structure nuptiale de la population  
≡ la structure selon des états matrimoniaux

**événement** - événements conditionnant les transitions entre les états matrimoniaux

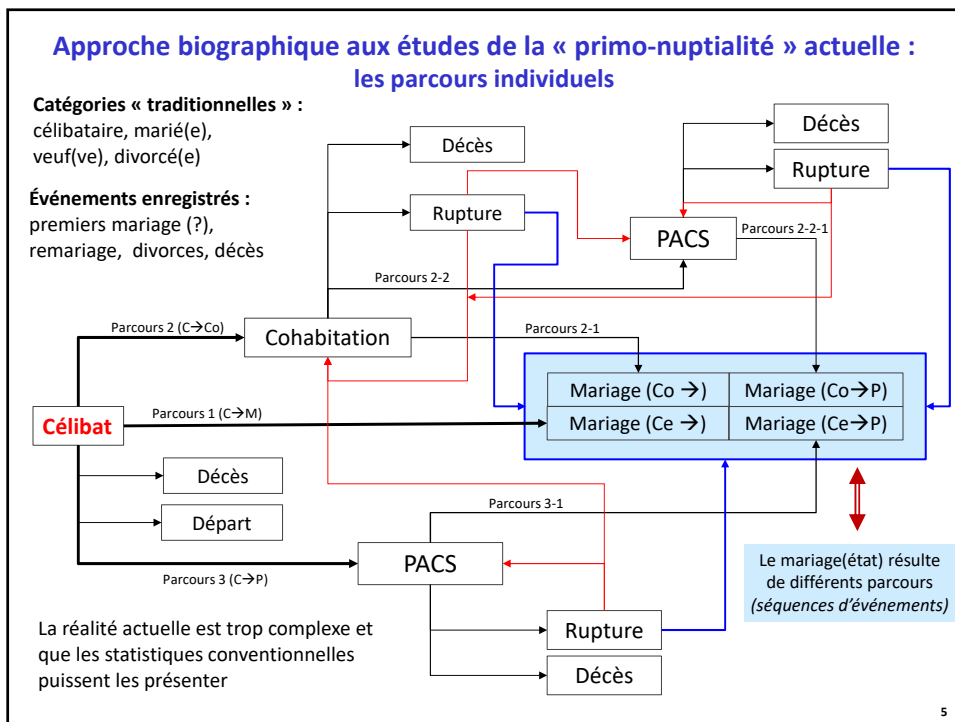
**population** - population exposée à risque de mariage

#### Marché nuptial (par états matrimoniaux)

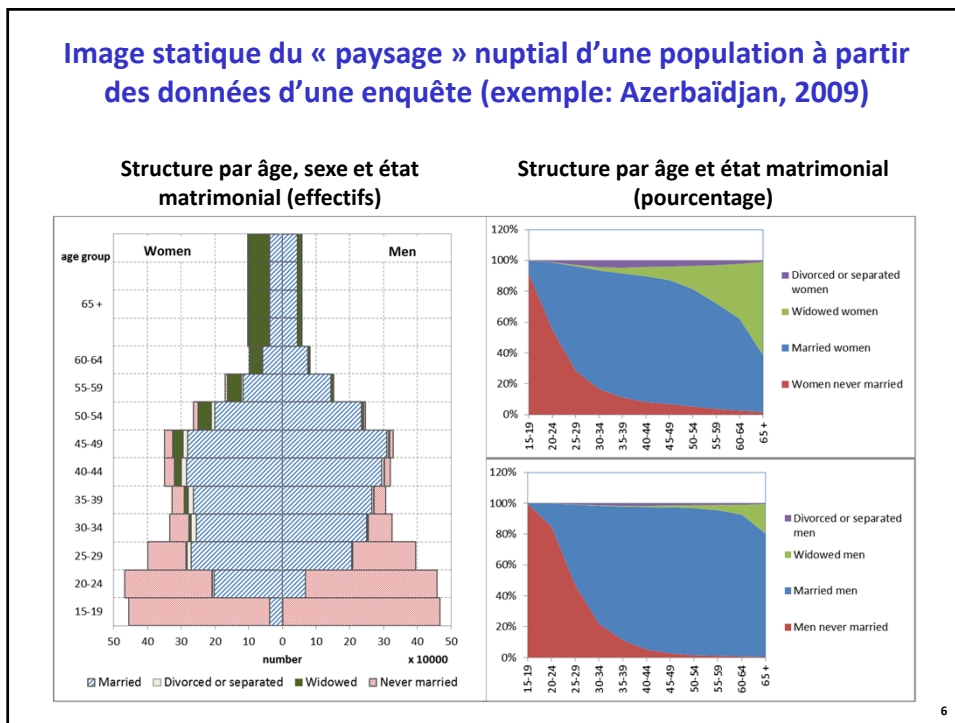
	Femmes			
Hommes		Célibataires	Divorcées	Veuves
Célibataires		cc	cd	cv
Divorcés		dc	dd	dv
Veufs		vc	vd	vv

4

4



5



6

## Particularités de la nuptialité à prendre en compte

Le rapport des sexes, ou le rapport de masculinité (RM) : on distingue dans une population (démographique) en générale et dans les générations **le rapport de masculinité primaire** (à la conception), **le rapport de masculinité secondaire** (à la naissance) et **le rapport de masculinité tertiaire** (par âge après la naissance ou pour les âges fécond). Les deux premiers sont majoritairement déterminés par la physiologie et la génétique humaine et la troisième dépend beaucoup des conditions de vie et de l'environnement social. Généralement le RM à la naissance est d'environ 105 garçons pour 100 filles. Puisque la mortalité infantile des garçons est plus élevée que celle des filles vers un certain âge l'équilibre des sexe s'établie. En outre dans les certaines périodes historiques on observe l'effet sélectif de la mortalité et de la migration par âge. On peut distinguer en plus **le rapport de masculinité quaternaire** pour les âges post-procréatifs.

Le rapport des âges des époux : dans un mariage **l'âge des époux n'est pas forcément le même**. Dans une rétrospective historique on voit que le plus souvent un mari en moyenne est plus âgé que sa femme, mais l'écart moyen entre les âges des époux varie historiquement et géographiquement (cf. statistique descriptive → moyenne quadratique).

Les remariages : se différencient selon le sexe et l'âge, **le premier mariage pour un/une des époux n'est pas forcément de même ordre pour un/une autre**. Par conséquent les indicateurs de primo-nuptialité varient selon le sexe, et les nombres de premiers mariages des hommes et des femmes ne sont pas nécessairement égaux (*avant que les mariages entre les personnes de même sexe ne soient pas autorisés, le nombre annuel de mariages des hommes était toujours le même que celui des femmes*)

7

7

2<sup>e</sup> partie :

## INDICATEURS CONVENTIONNELS OU LES STATISTIQUES DESCRIPTIVES DE LA NUPTIALITÉ

8

8

### Indicateurs bruts de mariage et de la nuptialité le plus couramment utilisés :

« Taux brut de mariage », alias « Taux brut de nuptialité »  
 = nombre de mariages réduit à l'effectif de la population

Soit

$M(t; t+\Delta t)$  le nombre de mariages enregistré durant une période  $\Delta t$  (entre  $t$  et  $t+\Delta t$ ) ;

$NAV(t; t+\Delta t)$  le nombre d'années vécues dans l'intervalle  $\Delta t$  (entre  $t$  et  $t+\Delta t$ ) par la population totale (exposée ou non au risque de mariage)

$TBM(t; t+\Delta t)$  **le taux brut de mariage** pour une période  $\Delta t$  (entre  $t$  et  $t+\Delta t$ ) :

$$TBM_{(t;t+\Delta t)} = \frac{M_{(t;t+\Delta t)}}{NAV_{(t;t+\Delta t)}} = \frac{M_{(t;t+\Delta t)}}{\Delta t \cdot \overline{P}_{(t;t+\Delta t)}}$$

9

9

### Indicateurs bruts des mariages et de la nuptialité les plus couramment utilisés :

**Taux de mariage par âge = Taux de nuptialité par âge = Mariages réduits**

Soit  $\Delta t=1$  (une année  $t$ )

${}_nM_x^f$  le nombre de mariages des femmes à l'âge entre  $x$  et  $x+n$  enregistré durant une année  $t$  ;

${}_nM_x^h$  le nombre de mariages des hommes à l'âge entre  $x$  et  $x+n$  enregistré durant une année  $t$  ;

tels que  ${}_nM_x^f - {}_nM_x^h \in \mathbb{Z}$  ( $\mathbb{Z}$  est le symbole d'ensemble des nombres entiers)

cependant  $\sum_{x=0}^{\omega} {}_nM_x^f = \sum_{x=0}^{\omega} {}_nM_x^h$  pour les mariages entre les personnes de sexes différents

Soit

${}_n P_x^f$  la population féminine à l'âge entre  $x$  et  $x+n$  au milieu de la période  $t$  (exposée);

${}_n g_x^f$  **le taux de mariage par âge** de sexe féminin (*de seconde catégorie*) pour l'année  $t$  :  ${}_n g_x^f = \frac{{}_n M_x^f}{{}_n P_x^f \cdot t}$   
 de même pour le sexe masculin ( ${}_n g_x^h$ )

Pour une année les taux par âge sont calculés :

soit pour une tranche d'âge en années révolues  $\rightarrow$   soit pour l'âge atteint dans l'année  $\rightarrow$  

On calcule (rarement) **le taux général de mariage** pour la population à l'âge de 15 ans et plus.

On peut éventuellement calculer les taux généraux de mariage *spécifique au sexe*.

10

10

**Indicateurs affinés de la nuptialité : mariage par âge et par sexe selon le rang de mariage**

Soit

${}_nM(1)_x^f$  le nombre de **premiers** mariages des femmes à l'âge entre  $x$  et  $x + n$  enregistré durant une année  $t$  ;

${}_nM(1)_x^h$  le nombre de **premiers** mariages des hommes à l'âge entre  $x$  et  $x + n$  enregistré durant une année  $t$  ;

tels que  ${}_nM(1)_x^f - {}_nM(1)_x^h \in \mathbb{Z}$  ( $\mathbb{Z}$  est le symbole d'ensemble des nombres entiers) et

$$\sum_{x=0}^{\omega} {}_nM(1)_x^f - \sum_{x=0}^{\omega} {}_nM(1)_x^h \in \mathbb{Z} \quad \text{le premier mariage pour un de partenaire n'est pas forcément un tel pour un autre}$$

${}_n P_x^f$  la population féminine à l'âge entre  $x$  et  $x + n$  au milieu de l'année  $t$  mariée ou non (tous états matrimoniaux confondus);

${}_n g(1)_x^f$  **le taux de primo-nuptialité par âge** (ou les premiers mariages réduits) de sexe féminin (*de seconde catégorie*) pour l'année  $t$  :

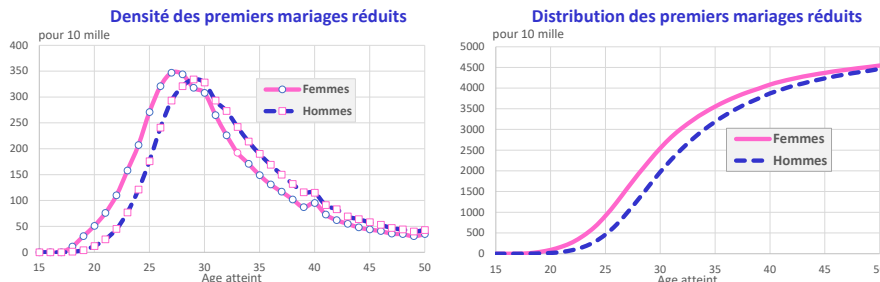
$${}_n g(1)_x^f = \frac{{}_n M(1)_x^{f1}}{{}_n P_x^f}$$

de même pour le sexe masculin :  ${}_n g(1)_x^h$

11

11

**Application: primo-nuptialité (légal) en France 2014**  
(taux par âge atteint dans l'année et par sexe; deuxième catégorie)



Graphiques à partir de : Insee, état civil (tableau 13 [https://www.insee.fr/fr/statistiques/fichier/2045267/irsocsd2014\\_t13\\_fm.xls](https://www.insee.fr/fr/statistiques/fichier/2045267/irsocsd2014_t13_fm.xls))

**Analyse descriptive à partir des taux de seconde catégorie :**

- **L'âge modal:** le plus souvent les hommes se marient pour la première fois à 29 ans et les femmes à 27 ans (le mode) ; cependant il y a un rebond local à 40 ans (? un phénomène à étudier) ;
- **L'âge moyen au premier mariage pour les hommes** est 32,6 ans ( $M_o > M \rightarrow$  étalement vers la droite);
- **L'âge moyen au premier mariage pour les femmes** est 30,9 ( $M_o > M \rightarrow$  étalement vers la droite);
- **L'écart entre les âges moyens** est 1,72 ans.
- **L'âge médian des ceux et celles qui se sont mariés** est de 29,14 pour les femmes et de 30,86 pour les hommes (écart =1,71 ans).

On ne peut pas estimer l'âge médian du premier mariage pour la population car la proportion des individus (des femmes ainsi que des hommes) ayant l'expérience d'un mariage n'atteint pas 50% vers l'âge de 50 ans;

- **Le célibat « définitif »** (proportion des célibataires à l'âge de 50 ans) est de 55% chez les hommes et chez les femmes

12

12

### Indicateurs intégraux de la nuptialité : mariage selon le rang

A partir de ces taux, pour une période (pour une génération fictive), on calcule très fréquemment pour chaque sexe, à l'occurrence, pour femmes :

**L'indice synthétique de primo-nuptialité : =**

la somme des premiers mariages réduits = l'indicateur conjoncturel de primo-nuptialité

$$ISP_N^f = \sum_{x=15}^{45} n_x \cdot {}_n g(1)_x^f$$

En fait c'est la somme de produit des taux (centrés) spécifique à l'âge et des amplitudes d'intervalles d'âge

si  $n_x$  ne varie pas en fonction de  $x$ , la formule prend

$$ISP_N^f = n \cdot \sum_{x=15}^{45} {}_n g(1)_x^f$$

**L'âge moyen au premier mariage :**

si  $x$  – âge révolu

si  $x$  – âge atteint

$$AMPN^f = \frac{n}{2} + \frac{\sum_{x=15}^{50-n} x \cdot {}_n g(1)_x^f}{\sum_{x=15}^{45} {}_n g(1)_x^f}$$

$$AMPN^f = \frac{\sum_{x=15}^{50-n} x \cdot {}_n g(1)_x^f}{\sum_{x=15}^{45} {}_n g(1)_x^f}$$

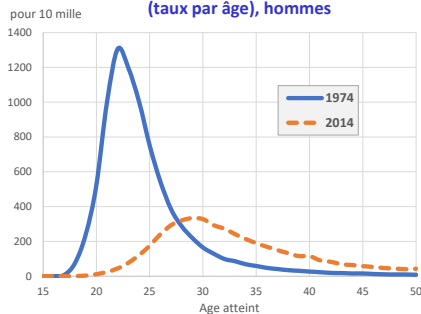
Puisque l'ensemble annuel des taux par âge est une série simple de distribution, il est possible de calculer ses paramètres (statistiques) : moyenne, mode, médian, dispersion, écart type etc. ainsi qu'un **un indicateur démographique le niveau de célibat définitif** ou la proportion des célibataires à l'âge de 50 ans.

Cependant, vu que **cette série de fait représente un mélange de différentes génération (une génération fictive)**, il faudra les interpréter avec beaucoup de délicatesse surtout dans l'analyse comparative, puisque ce n'est pas une série chronologique

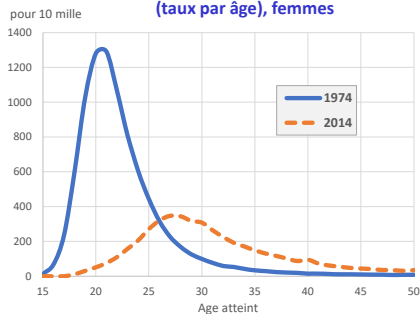
13

### Application des indicateurs intégraux: dynamique de la primo-nuptialité (légal) en France

Densité des premiers mariages réduits (taux par âge), hommes



Densité des premiers mariages réduits (taux par âge), femmes



Graphique à partir de : Insee, état civil (tableau 13 [https://www.insee.fr/fr/statistiques/fichier/2045267/irsocsd2014\\_t13\\_fm.xls](https://www.insee.fr/fr/statistiques/fichier/2045267/irsocsd2014_t13_fm.xls))

Indicateurs de la primo-nuptialité	1974		2014	
	Femmes	Hommes	Femmes	Hommes
Indice synthétique de primo-nuptialité	0,886	0,849	0,455	0,446
Age moyen au premier mariage	22,47	24.57	30.90	32.62
Age modal	21	22	27	29
Age médian	19,75	22.75	29.14	30.86
Célibat définitif (à l'âge de 50 ans)	11,4%	15.1%	54.5%	55.4%

14





## Calculs des indicateurs conventionnels de la nuptialité

Données de l'état civil et des estimations démographiques (population par âge, sexe et l'état matrimonial)

1° On considère un intervalle d'âge de **15 à 49 ans\***

2° On réduit les mariages à l'effectif de la population sur les intervalles d'âge (calculs de taux) :

$${}_n m_x^F = \frac{n M_x^F}{n^F}$$

3° On obtient une série des valeurs ordonnées (taux par âge) : c'est une **série de distribution**

4° L'âge ( $x$ ) est une variable indépendante : si l'on connaît l'âge, on connaîtra la valeur de la variable dépendante (le taux  ${}_n m_x^F$ ); l'inverse n'est pas vrai

5° On calcule des paramètres de cette série (ou les statistiques dans le cas d'un échantillon) :

5.1° les indicateurs de la position (la moyenne = l'âge moyen, la médiane = l'âge médian etc.) et de la forme (l'écart type etc.)

$$\bar{x} = \frac{\sum_x [(x + 0,5 \cdot n_x) \cdot {}_n m_x^F]}{\sum_x {}_n m_x^F}$$

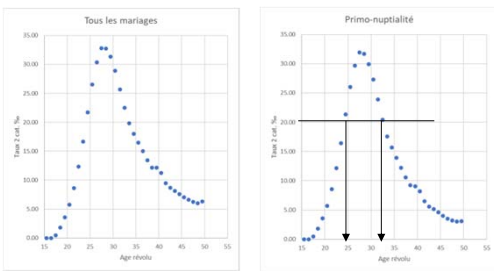
5.2° les indicateurs du niveau : la moyenne = taux moyen, etc.

$$\bar{m} = \frac{\sum_x n_x \cdot {}_n m_x^F}{\sum_x n_x}$$

5.2° l'indicateur de la masse réduit = indice synthétique (IS) de la nuptialité

$$\bar{m} \cdot \sum_x n_x = \sum_x n_x \cdot {}_n m_x^F \equiv IS$$

Age	Population			Mariages entre personnes de sexe différent				Taux 2 cat. %				
	central	Total	Célibataires	Veuves	Divorcés	Ensemble	Célibataires	Veuves	Divorcés	Tous les mariages	Primo-nuptialité	
15	15,5	397 252	397 252	0	0	1	0	0	0	0,00	0,00	
16	16,5	391 136	391 136	0	0	3	0	0	0	0,01	0,01	
17	17,5	379 658	379 658	0	0	175	175	0	0	0,46	0,46	
18	18,5	372 461	369 811	194	36	680	680	0	0	1,83	1,83	
19	19,5	368 158	363 954	191	83	1 328	1 328	0	3	3,61	3,60	
20	20,5	360 370	358 715	87	89	2 105	2 094	0	11	5,75	5,72	
21	21,5	358 163	356 125	91	112	3 100	3 076	1	26	8,46	8,50	
22	22,5	351 015	344 056	64	333	4 325	4 276	1	49	12,32	12,18	
23	23,5	357 373	330 870	102	744	5 952	5 856	2	93	16,45	16,30	
24	24,5	367 726	329 725	113	1 433	7 995	7 852	6	138	21,74	21,35	
25	25,5	373 441	321 479	134	2 099	9 909	9 710	7	192	26,51	26,00	
33	44	46,5	452 321	147 744	5 368	58 049	3 443	2 088	60	1 296	7,61	4,62
34	45	46,5	446 969	139 001	5 563	61 544	3 122	1 783	60	1 110	7,65	3,90
35	46	46,5	440 243	132 853	6 885	62 190	2 917	1 538	60	1 120	6,63	3,49
36	47	47,5	438 099	125 039	7 427	64 699	2 788	1 398	60	1 174	6,27	3,20
37	48	48,5	434 208	120 362	8 039	66 121	2 617	1 311	74	1 213	6,03	3,02
38	49	49,5	438 081	113 783	11 381	70 775	2 765	1 363	79	1 234	6,31	3,11
39			14 032 742	8 959 832	72 444	810 942	183 081	107 841	904	24 354	486	426



Explorez les données : \T-5 Nuptialite\Calculs des indicateurs conventionnels.xlsx

\* Pour les groupes d'âge on applique le même algorithme à chaque intervalle

3<sup>e</sup> partie :

## TABLES DE NUPTIALITÉ

## Les défauts d'analyse de la nuptialité à partir des taux de seconde catégorie

La nuptialité est très sensible à l'influence des facteurs perturbateurs et des événements concurrents :

- La mortalité :
  - empêche en tout cas le mariage pour la personne décédée : un événement concurrent ;
  - perturbe la nuptialité de façon indirecte en diminuant le nombre des partenaires mariables (exemple la guerre).
- La migration :
  - n'empêche pas se marier, mais retire des personnes mariables de l'observation (émigration)

**Les taux de seconde catégorie ne prennent pas en considération la durée de l'état :**

Le nombre de mariages (premiers) dépend de l'effectif des célibataires (disponibles pour le mariage), qui est, à son tour, dépend de la nuptialité antérieure du moment d'observation.

Dans une génération *le nombre de célibataires diminue avec l'âge*, c'est une variable dépendante de la durée (*time varying variable*), par conséquent, la probabilité de se marier (pour la première fois) peut être croissante, malgré la diminution du nombre de mariages

**Un des objectifs d'analyse est d'éliminer l'influence des phénomènes perturbateurs des mariages** et étudier la nuptialité « **en état pur** », pour déterminer pour chaque génération *la probabilité de se marier au moins une fois dans l'absence de la mortalité et de la migration, sachant que cette probabilité n'est qu'une proportion de célibataires qui se marient dans un intervalle d'âge et de période de calendrier.*

19

19

## Taux de première catégorie et analyse de la (primo) nuptialité basée sur la durée du célibat (tables de primo nuptialité)

Soit

${}_nM(1)_x^f$  le nombre de premiers mariages des femmes à l'âge entre  $x$  et  $x+n$  enregistré durant l'année  $t$  ;

${}_nM(1)_x^h$  le nombre de premiers mariages des hommes à l'âge entre  $x$  et  $x+n$  enregistré durant l'année  $t$  ;

tels que pour chaque âge :  ${}_nM(1)_x^f - {}_nM(1)_x^h \in \mathbb{Z}$  ( $\mathbb{Z}$  est le symbole d'ensemble des nombres entiers)

$$\text{et } \sum_{x=0}^{\omega} {}_nM(1)_x^f - \sum_{x=0}^{\omega} {}_nM(1)_x^h \in \mathbb{Z}$$

${}_nC_x^f$  la population moyenne de femmes célibataires à l'âge entre  $x$  et  $x+n$  pour l'année  $t$  ;

${}_ng'(1)_x^f$  **le taux de primo-nuptialité par âge** de sexe féminin (*de première catégorie*) pour l'année  $t$  :

$${}_ng'(1)_x^f = \frac{{}_nM(1)_x^f}{{}_nC_x^f}$$

de même pour le sexe masculin  ${}_ng'(1)_x^h$

20

20

### Taux de première catégorie et analyse de la (primo) nuptialité basée sur la durée du célibat (tables de primo nuptialité)

On peut convertir ce taux (de première catégorie) en probabilité comme dans le cas de mortalité, en supposant que

- 1) l'influence de la mortalité est négligeable
- 2) la densité des mariages est uniforme sur toute intervalle  $x, x+n$

$${}_nN_x = \frac{2 \cdot n \cdot {}_n g'_x}{2 + n \cdot {}_n g'_x}$$

${}_nN_x$  – la probabilité pour une célibataire de se marier dans un intervalle d'âge  $[x; x+n)$   
ou une proportion des célibataires qui se marient dans cet intervalle d'âge

${}_n\gamma_x = 1 - {}_nN_x \rightarrow$  la probabilité de rester célibataire dans l'intervalle d'âge  $x$  et  $x+n$ , et

$\gamma_x \rightarrow$  une proportion de célibataires à l'âge exact  $x$  est un produit des probabilités conditionnelles :

$$\gamma_x = \prod_{x=15}^{x-1} (1 - {}_nN_x)$$

**La probabilité de rester célibataire à la 50e anniversaire est considérée comme**

**le célibat définitif:**  $\gamma_{50} = \prod_{x=15}^{49} (1 - {}_nN_x)$

21

21

### Table de primo nuptialité de l'année à partir des taux de 1ère catégorie (présentation « classique »)

Données de base pour la construction d'une table et					Table de primo-nuptialité			
Age révolu	amplitude	Nombre de premiers mariages dans l'intervalle d'âge	Effectif des célibataires exposés (NAV en célibat)	Taux de primo-nuptialité	Probabilité de se marier (quotient)	Effectif de célibataires (Survie de table)	Nombre de mariages de table	Probabilité de rester célibataire dans l'intervalle d'âge
$x$	$n$	${}_nM_x$	${}_nC_x$	${}_n g'_x$	${}_nN_x$	$S_x$	${}_n b_x$	${}_n\gamma_x = 1 - {}_nN_x$
15-19	5	2 500	45 000	2500/45000=0,056	0,244	10 000	2 440	0,756
20-24	5	3 800	17 500	3800/17500=0,217	0,704	7 560	5 322	0,296
25-29	5	760	5 200	760/5200=0,146	0,535	2 238	1 197	0,465
30-34	5	200	3 000	200/3000=0,067	0,286	1 041	298	0,714
35-39	5	100	2 700	100/2700=0,037	0,169	734	126	0,831
40-44	5	50	2 500	50/2500=0,020	0,095	617	59	0,905
45-49	5	30	2 300	30/2300=0,013	0,063	558	35	0,937
							$\Sigma=9 477$	$\Pi=0,0523$

**Hypothèse:** les taux observés sont égaux aux taux de table

**Quatre étapes de calculs (algorithme) :**

- 1)  ${}_5 g'_x = \frac{{}_5 M_x}{{}_5 C_x}$
- 2)  ${}_n N_x = \frac{2 \cdot n \cdot {}_n g'_x}{2 + n \cdot {}_n g'_x}$
- 3)  ${}_n b_x = S_x \cdot {}_n N_x$
- 4)  $S_{x+5} = S_x - {}_n b_x$

22

22

**Table de primo nuptialité de l'année à partir des taux de 1<sup>e</sup> catégorie  
(« résumée avec les quotients »)**

Soit  $\gamma_x$  – probabilité de rester célibataire jusqu'à l'âge « x » et  $\rightarrow \gamma_x = \prod_{x=15}^{x-1} (1 - {}_nN_x)$   
 ${}_nN_x$  – la proportion des premiers mariages à l'âge x révolu

Données de base pour la construction d'une table (page précédente)				Suite de la table de primo-nuptialité (suite)		
Age révolu	Nombre de premiers mariages	Effectif des célibataires exposés	Taux de primo-nuptialité	Age exact	proportion de premiers mariages à l'âge x révolu	probabilité de rester célibataire à l'âge exact x
x	${}_nM_x$	${}_nC_x$	${}_nq'_x$	x	${}_nN_x$ ( $\equiv {}_nq_x$ de la TM)	$\gamma_x \equiv S_x$ de la TM
15-19	2 500	45 000	0,556	15	0,244	1
20-24	3 800	17 500	0,217	20	0,704	1 x (1-0,244)=0,7560
25-29	760	5 200	0,146	25	0,535	0,7560 x (1-0,704)=0,2248
30-34	200	3 000	0,067	30	0,286	0,2248 x (1-0,535)=0,1041
35-39	100	2 700	0,037	35	0,169	0,1041 x (1-0,286)=0,0743
40-44	50	2 500	0,02	40	0,095	0,0743 x (1-0,169)=0,0617
45-49	30	2 300	0,013	45	0,063	0,0617 x (1-0,095) =0,0559
				50	////	<b>0,0559 x (1-0,063)=0,0524</b>

Le célibat définitif (proportion des célibataires à l'âge exact de 50 ans) est 5,2%

23

23

*suite*

Age exact	Probabilité de se marier	Nombre de célibataires	Nombre de mariages de table	Probabilité de rester célibataire
x	${}_sN_x$	$C_x$	${}_sb_x$	${}_sV_x = 1 - {}_sN_x$
15	0,244	10 000	10 000*0,244=2 440	1-0,244=0,756
20	0,704	10 000-2 440=7 560	7 560*0,704=5 322	1-0,704=0,296
25	0,535	7 560-5 322=2 238	2 238*0,535=1 197	1-0,535=0,495
30	0,286	2 238-1 197=1 041	298	0,714
35	0,169	743	126	0,831
40	0,095	617	59	0,905
45	0,063	558	35	0,937
50		523	$\Sigma=9 477$	$\Pi=0,0523$

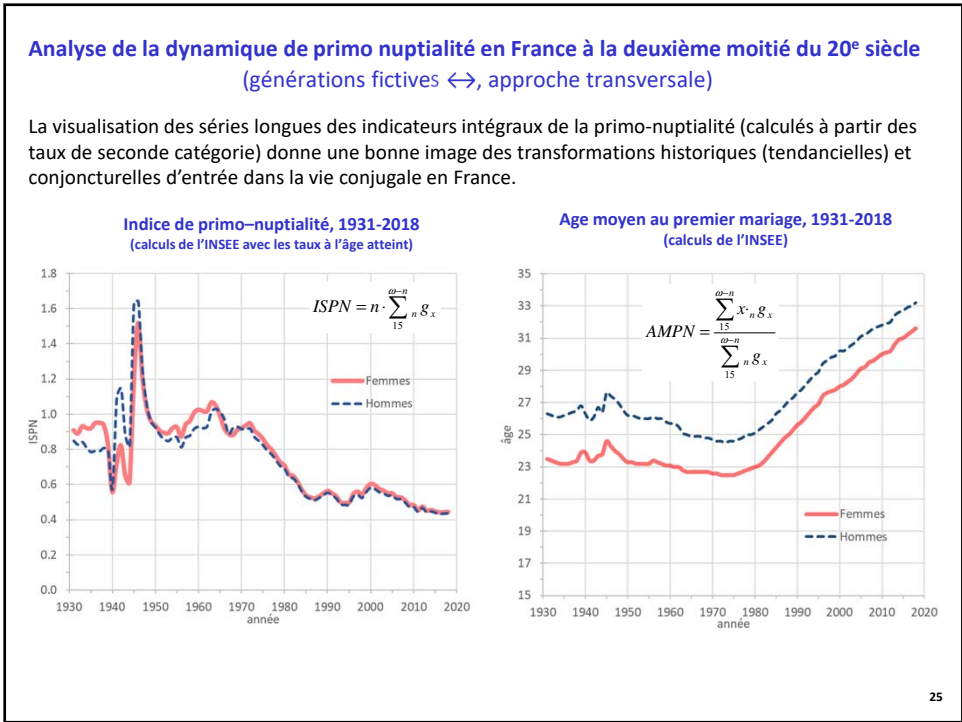
$$\text{Probabilité de se marier avant l'âge 50 ans} = \frac{\sum {}_sb_x}{10\,000} = \frac{9\,477}{10\,000} = 0,9477$$

$$\text{Age moyen de primo-nuptialité} = 2,5 + \frac{\sum x \cdot {}_sb_x}{\sum {}_sb_x} = 22,56$$

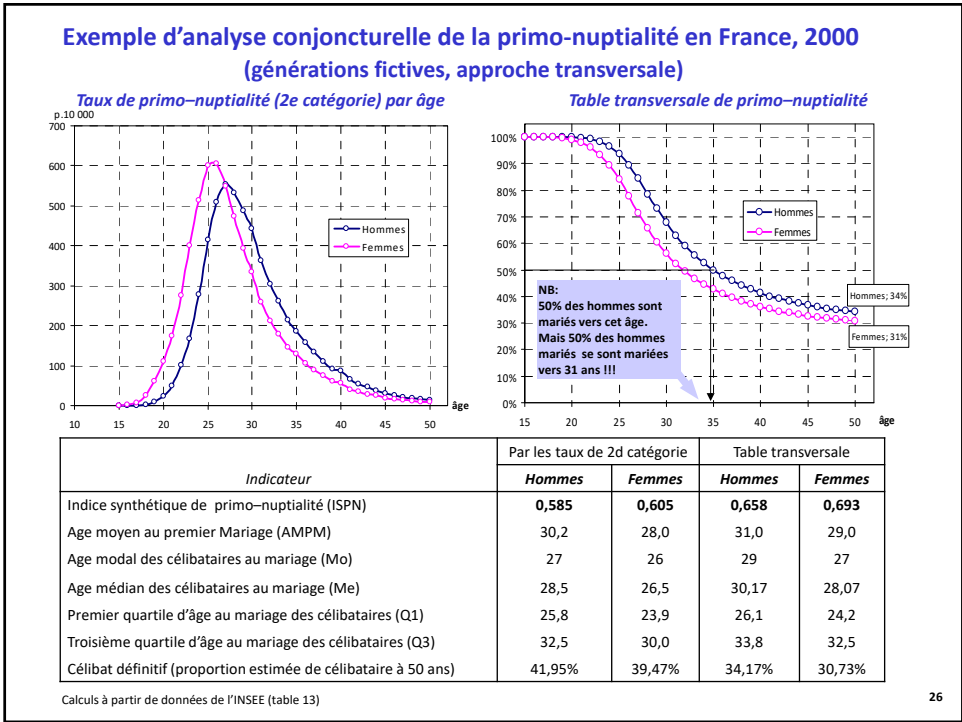
$$\text{Célibat définitif} \rightarrow 10\,000 - 9\,477 = 523 \Rightarrow (523/10\,000) \times 100\% = 5,23\%$$

24

24



25



26

### Estimation de l'âge moyen au premier mariage à partir des données d'un recensement

John Hajnal – "Age at marriage and proportions marrying", *Population Studies* vol.VII n°2 November 1953. p.11-136

#### 'Singulate Mean Age at Marriage (SMAM)'

Le nombre d'années vécues en célibat par des personnes qui ne sont pas entrées dans le célibat définitif.

On peut calculer l'âge moyen au premier mariage pour l'intervalle d'âge 15-50 ans, s'il n'y a pas des mariages avant l'âge de 15 ans et on suppose que la population exposée les survivants à l'âge de 15 ans :

$$SMAM = \frac{\sum_{x=0}^{49} 1c_x - 50 \cdot c_{50}}{1 - c_{50}}$$

où  ${}_n c_x = \frac{{}_n S_x}{{}_n P_x}$  est une proportion des célibataires dans l'intervalle d'âge entre  $x$  et  $x+n$

et  $c_{50} = \frac{{}_1 c_{49} + {}_1 c_{50}}{2}$  la proportion des célibataires à l'âge exact de 50 ans, ou « le célibat définitif »

Sinon pour les groupes quinquennaux :  $SMAM = \frac{5 \cdot \sum_{x=0}^{45} {}_5 c_x - 50 \cdot c_{50}}{1 - c_{50}}$  où  $c_{50} = \frac{{}_5 c_{45} + {}_5 c_{50}}{2}$

Sachant qu'il y a pas de mariage avant l'âge de 15 ans (ou un certain âge), on peut simplifier les calculs :

$$SMAM = 15 + \frac{5 \cdot \sum_{x=15}^{45} {}_5 c_x - 35 \cdot c_{50}}{1 - c_{50}}$$

En guise d'exercice, faites la démonstration d'équivalence des formules « complète » et « simplifiée » du SMAM

27

27

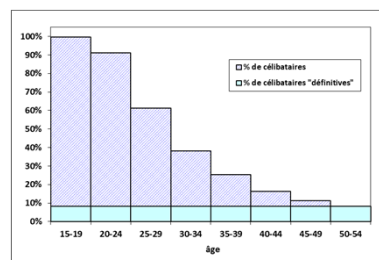
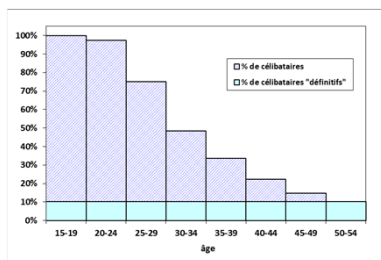
### Illustration graphique de calcul de l'âge moyen de célibataire au mariage à partir des données de d'un recensement

France, population au 1 janvier 2000

(estimée à partir des données du recensement 1999)

Hommes

Femmes



Calculs à partir des données quinquennales :

SMAM = 30,19

$c_{50} = 12,56\%$

Calculs à partir des données par année d'âge :

SMAM = 30,34

$c_{50} = 12,21\%$

Calculs à partir des données quinquennales :

SMAM = 28,6

$c_{50} = 9,85\%$

Calculs à partir des données par année d'âge :

SMAM = 28.70

$c_{50} = 9,57\%$

Parfois il est très utile de calculer la durée moyenne du mariage dans intervalle de l'âge 15-49 ans correspondant à la durée moyenne sous le risque de grossesse

$$\Rightarrow \bar{p} = \sum_{x=15}^{49} n \cdot \frac{{}_n M_x}{{}_n P_x} = 15,23$$

où  ${}_n M_x$  – nombre de femmes mariées  
 ${}_n P_x$  – nombre total de femmes sur un intervalle d'âge  $x, x+n$

28

28

### Exemple de calculs: France métropolitaine 2016

**Données:**

- l'effectif de la population âgée de 15 à 54 ans classé par groupe d'âge quinquennal
- le nombre de personnes âgées de 15 à 54 ans qui ne sont jamais mariées classé par groupe d'âge quinquennal

- 1) calculer des proportions de célibataires dans chaque groupe d'âge.
- 2) calculer du nombre d'années-personnes vécues dans le célibat. On fait la somme des proportions de célibataires jusqu'au groupe d'âge de 45 à 49 ans; on multiplie le total par 5 (amplitude d'intervalle d'âge) et on y ajoute 15 (le nombre d'années-personnes vécues dans le célibat depuis la naissance jusqu'à l'âge de 15 ans).
- 3) estimation de la proportion de non-célibataires à l'âge de 50 ans.  $1-c_{50}$
- 4) calcul du nombre d'années-personnes vécues par la proportion de personnes restées célibataires.  $50c_{50}$
- 5) calcul de l'âge moyen au premier mariage AMPM.

SMAM The singulate mean age at marriage

AMPM Âge moyen au premier mariage

$$c_{50} = \frac{5c_{45} + 5c_{50}}{2}$$

$$AMPM = \frac{15 + 5 \cdot \sum_{x=15}^{45} c_x - 50 \cdot c_{50}}{1 - c_{50}}$$

Manuel X, Techniques indirectes d'estimation démographiques, Nations Unies, 1984, p.241-245

âge révolu au x	nombre de célibataires $P_x^c (1.1.2016)$	effectif de la population totale $P_x (1.1.2016)$	proportions de célibataires 1.1. 2016
15-19	2 000 889	2 001 065	0,99991
20-24	1 818 569	1 853 922	0,98093
25-29	1 652 723	1 900 395	0,86967
30-34	1 297 828	1 955 265	0,66376
35-39	989 758	1 971 490	0,50204
40-44	861 913	2 150 686	0,40076
45-49	718 919	2 155 594	0,33351
50-54	127 477	434 752	0,29322
A	$15 + \sum \text{Proportions}(15-49)$ $(0,33351 + 0,29322)/2$		38,75294 0,31337
B	$50 * (0,33351 + 0,29322)/2$ $(A-B)/(1-B)$		15,66827 33,62

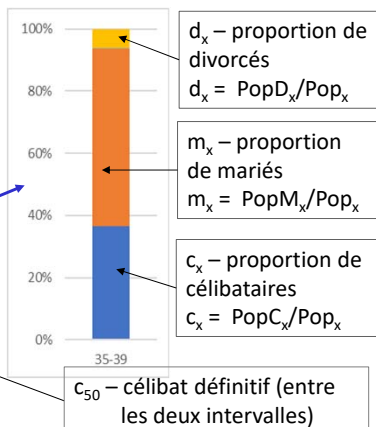
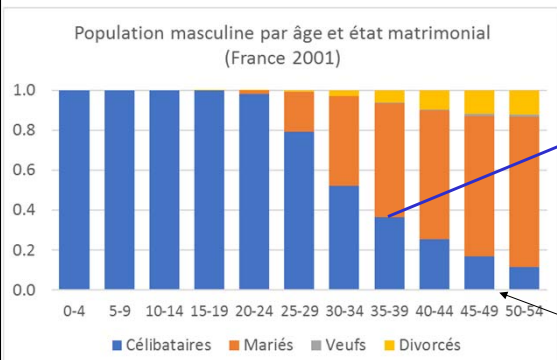
Jitka Rychtaříková

29

29

### Explications supplémentaires de la formule de SMAM

$$SMAM = 15 + \frac{5 \cdot \sum_{x=15}^{45} c_x - 35 \cdot c_{50}}{1 - c_{50}}$$

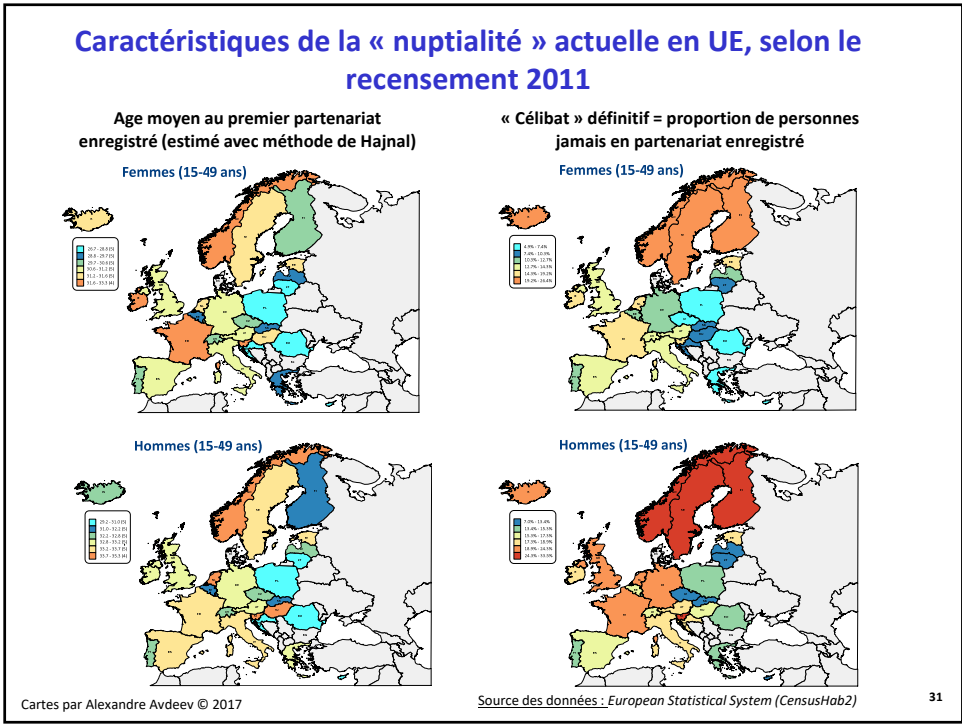


- Nombre d'années de vie d'une personne (NAV) dans l'intervalle d'âge de 35 à 40 ans = 5 ans (5 années-personnes; cf. diagramme de Lexis)
- NAV constituant la part de célibataires =  $5 \cdot c_{35}$
- En prenant en considération le célibat définitif, le NAV en état de célibat avant le premier mariage dans ce groupe d'âge  $5NAV_{35} = 5 \cdot c_{35} - 5 \cdot c_{50}$  (les individus restant célibataires à 50 ans ne participent pas à la production de l'âge au mariage)
- Il ne reste qu'additionner des  $5NAV_x$  et réduire la somme de la proportion de célibataires qui se marient vers l'âge de 50 ans =  $1 - c_{50}$  (il faut diviser le nombre de personnes-années par le nombre de personnes qui les produisaient)

Jitka Rychtaříková

30

30



31

4<sup>e</sup> partie :

## TABLES DE LA NUPTIALITÉ AVEC LA PRISE EN COMPTE DE LA MORTALITÉ (SURVIE DES CÉLIBATAIRES)

32

32



## Notes à propos des termes et du lexique

### Table de nuptialité des célibataires (Table de primo-nuptialité)

522

Nuptiality tables resemble life tables and combine various nuptiality functions. The **gross nuptiality table** includes, by age, the first marriage probabilities and proportions remaining single, as well as the number of first marriages in a cohort of given size subjected to the prevailing nuptiality **on the assumption that there is no mortality**; it also gives the numbers remaining single at various ages. The **net nuptiality table takes mortality as well as nuptiality into account** and is a particular case of **double decrement tables**.

522

Par analogie avec les tables de mortalité, on appelle **tables de nuptialité** un ensemble, plus ou moins complet, de fonctions de nuptialité, telles que les quotients de nuptialité, les fréquences du célibat, les premiers mariages de la table ; l'ensemble des fréquences du célibat est dénommé table de célibat. En combinant nuptialité et mortalité, on obtient **une table de nuptialité nette des célibataires** ou table de survie en état de célibat, cas particulier **de table à double extinction**.

<http://www.demopaedia.org/tools/?Dictionary-generator>

Demopædia, Dictionnaire démographique multilingue, seconde édition unifiée, volume français. <http://www.demopaedia.org/tools/?lang=fr>

#### Méthodes d'estimation des quotients de primo-nuptialité:

- **directe** (à partir des premiers mariages, décès de célibataires; population célibataire par âge)
- **indirecte** (taux transformés en quotients)

#### Type des tables de primo-nuptialité:

- Table de primo-nuptialité à simple extinction (associée à la primo-nuptialité dans le processus d'extinction multiples = en absence des phénomènes perturbateurs)
- Table de primo-nuptialité à double extinction (ou combinée)

33

33

## Méthode directe : élimination des perturbateurs et analyse de la (primo) nuptialité en état « pur »

Soit

$C_x$  le nombre de célibataires à l'âge exact  $x$ ,

$M_x$  le nombre de mariages des célibataires de cet âge durant une année,

$D_x$  le nombre de décès des célibataires,

$n_x$  la probabilité de se marier (ou la proportion « grosse » de mariages)  $n_x$  que l'on calcule de façon suivante :

$$n_x = \frac{M_x + e_x}{C_x}$$

$e_x$  est le nombre de mariages **non observés à cause de la mortalité et de la migration**

Supposons qu'il n'y a pas de migration et avançons deux hypothèses :

1. Le risque de se marier et le risque de mourir sont indépendants (les événements indépendants).
2. Les décès sont repartis uniformément dans l'intervalle d'âge «  $x$  »

Soit  $0$  – le nombre de décès en début de l'intervalle  $D_x$  – celui à la fin de l'intervalle), alors

$$e_x = \frac{0 + D_x}{2} \cdot n_x = 0.5D_x \cdot n_x \quad \rightarrow \quad n_x = \frac{M_x}{C_x - 0.5D_x} \quad (\text{formule de Berkson})$$

Souvent, dans l'intervalle d'âge 15-50 ans et pour les périodes assez courtes, la valeur de  $0.5D_x$  est négligeable par rapport de  $C_x$  et on calcule le quotient de nuptialité entre  $x$ -ième et  $(x+1)$ -ième anniversaire à très peu près

$$n_x = \frac{M_x}{C_x}$$

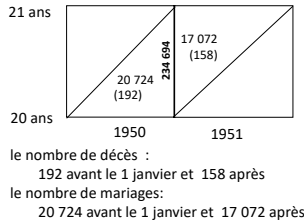
34

34

### Une précision : élimination des perturbateurs et analyse de la (primo) nuptialité en état « pur »

Cette simplification permet de se passer de l'information sur les décès par âge et par état matrimonial qui n'est pas toujours disponible

**Exemple de L. Henry :** soit le nombre de célibataires au 1er janvier 1951 égale à **234 694** (France, femmes nées en 1930)



$$n_{20} = \frac{M_{20}}{C_{20}} = \frac{20724 + 17072}{234694 + 20724 - 0.5 \cdot (192 + 158)} = 0.148139$$

$$n_{20} = \frac{M_{20}}{C_{20}} = \frac{20742 + 17072}{234694 + 20724} = 0.148037 \rightarrow$$

→ la différence est faible : **0,00010**

Toutefois, en France depuis 1998 l'INSEE déclare d'avoir fait l'estimation en tenant compte de la correction au nombre de décès

35

35

### Les tables combinées de la nuptialité et de la mortalité des célibataires

Soit  $M_x^c$  – le nombre de premiers mariages  
 $D_x^c$  – le nombre de décès de célibataires  
 $C_x^c$  – le nombre de célibataires à l'âge  $x$  } l'équation du bilan démographique :  

$$C_{x+1}^c = C_x^c - M_x^c - D_x^c$$

#### Probabilités de transition conjointes sur un intervalle $x$ :

Probabilité de sortir du célibat  $\rightarrow s_x^c = \frac{D_x^c + M_x^c}{C_x^c} \Rightarrow s_x^c = \frac{M_x^c}{C_x^c} + \frac{D_x^c}{C_x^c} \Rightarrow s_x^c = g_x^c + q_x^c$

En constatant que  $C_x^c = \frac{D_x^c + M_x^c}{s_x^c}$ , on peut établir les relations entre trois probabilités conjointes :

Probabilité de décès en célibat  $\rightarrow q_x^c = \frac{D_x^c}{C_x^c}$  et le risque proportionnel  $\rightarrow q_x^c = s_x^c \cdot \frac{D_x^c}{M_x^c + D_x^c}$

Probabilité de mariage  $\rightarrow g_x^c = \frac{M_x^c}{C_x^c}$  et le risque proportionnel  $\rightarrow g_x^c = s_x^c \cdot \frac{M_x^c}{M_x^c + D_x^c}$

#### Cinq éléments d'une table combinée :

1. Nombre de célibataires  $c_x \rightarrow c_{x+1} = c_x \cdot (1 - s_x)$
2. Probabilité de mariage  $g_x$
3. Probabilité de décès  $q_x$
4. Nombre de mariages  $m_x = C_x \cdot g_x$
5. Nombre de décès  $d_x = C_x \cdot q_x$

36

36

### Table de nuptialité combinée : (un) algorithme d'estimation « indirecte »

- Estimez taux ( ${}_n t_x$ ) de sortie de l'état de célibat dans la population observée
 
$${}_n t_x = \frac{{}_n M_x + {}_n D_x}{{}_n C_x}$$

${}_n M_x$  nombre de premiers mariages  
 ${}_n D_x$  nombre de décès de célibataires  
 ${}_n C_x$  nombre moyen de célibataires
- Transformez les taux de sortie aux quotients de sortie ( ${}_n s_x$ )
 
$${}_n s_x = \frac{2 \cdot {}_n t_x}{2 + {}_n t_x}$$
- Calculez les probabilités proportionnelles de mariage ( ${}_n g_x^c$ ) et de décès ( ${}_n q_x^c$ ) des célibataires (de table)
 
$${}_n g_x^c = s_x^c \cdot \frac{M_x}{M_x + D_x} \quad {}_n q_x^c = s_x^c \cdot \frac{D_x}{M_x + D_x}$$
- Estimez le nombre de mariages et de décès des célibataires (de table) aux âges 15-19
 
$$m_{15} = g_{15}^c \cdot S_{15} \quad d_{15} = q_{15}^c \cdot S_{15}$$
- En partant de  $S_{15} = 10\ 000$  (racine de table), calculez  $S_{20}$ ,  $S_{25}$ , etc.,
 
$$S_{20} = S_{15} - {}_5 m_{15} - {}_5 d_{15} \text{ etc.}$$

Nota : on utilise les majuscules pour les données en provenance de l'enregistrement d'état civil, et les minuscules pour les indicateurs de la table démographique

---

37

37

### Les tables associées à la nuptialité « épurée » (grosse)

Soit  $\gamma_x$  – la force de la nuptialité et  $\mu_x$  est celle de la mortalité sur l'intervalle entre  $x$  et  $x+1$

$g_x^*$  – la probabilité de se marier en absence de la mortalité  $\rightarrow g_x^* = 1 - e^{-\gamma_x} = 1 - (1 - s_x)^{\frac{M_x}{M_x + D_x}}$

$q_x^*$  – la probabilité de mourir en absence de la nuptialité  $\rightarrow q_x^* = 1 - e^{-\mu_x} = 1 - (1 - s_x)^{\frac{D_x}{M_x + D_x}}$

On peut facilement démontrer le rapport entre:  
 les probabilités **dépendantes** (conjointes) d'une table combinée  
 et les probabilités **indépendantes** (nettes) d'une table associée à la nuptialité

$$\left\{ \begin{aligned} g_x^* &= \frac{M_x}{C_x - 0,5 \cdot D_x} = \frac{g_x}{1 - 0,5 \cdot q_x} \\ q_x^* &= \frac{D_x}{C_x - 0,5 \cdot M_x} = \frac{q_x}{1 - 0,5 \cdot g_x} \end{aligned} \right.$$

**Trois éléments d'une table associée à la nuptialité « épurée » (grosse) :**

- Nombre de célibataires  $S_x^* \rightarrow S_{x+1}^* \cdot (1 - g_x^*)$
- Probabilité de mariage  $g_x^*$
- Nombre de mariages  $m_x^* = S_x^* \cdot g_x^*$

38

38



5<sup>e</sup> partie :

# AUTRES CARACTÉRISTIQUES DE FORMATION ET DE DISSOLUTION DES COUPLES

41

41

## Sources des données sur les mariages en France (INSEE) : âges combinés des époux, les remariages, le mois de mariage

**Les mariages en 2021**  
État civil - Insee Résultats

Mariages, remariages, âges moyens et nationalités des époux, toutes ces statistiques sont fournies par l'état civil sur les mariages en 2021. Certaines données sont disponibles au niveau national, régional ou départemental, d'autres en séries longues depuis 1996.

<https://www.insee.fr/fr/statistiques/6790701?sommaire=6790719>

**Téléchargement de tableaux à l'unité**

- ANNU1 - Mariages selon l'âge combiné des époux. Année 2021 (xls, 85 Ko) (csv, 241 Ko)
- ANNU2 - Âge et état matrimonial antérieur des époux. Année 2021 (xls, 29 Ko) (csv, 30 Ko)
- ANNU3 - Remariages de veufs et de divorcés selon le sexe, la durée de veuvage ou la durée écoulée depuis le divorce. Année 2021 (xls, 27 Ko) (csv, 6 Ko)
- ANNU4 - Répartition mensuelle des mariages selon la tranche d'unité urbaine. Année 2021 (xls, 29 Ko) (csv, 11 Ko)

**Les mariages en 2021 - Tableaux France**  
État civil - Insee Résultats

Un résumé des mariages en 2021, après une année blanche en 2020.

**Sommaire**

État civil - Insee Résultats

Les mariages en 2021 ont été marqués par une baisse de 17,4% par rapport à 2019, et une augmentation de 1,1% par rapport à 2020. Pour ce qui concerne la durée de mariage, on a remarqué que le nombre de mariages de moins de 10 ans a augmenté de 10,1% par rapport à 2019.

Les mariages en 2021 ont été marqués par une baisse de 17,4% par rapport à 2019, et une augmentation de 1,1% par rapport à 2020. Pour ce qui concerne la durée de mariage, on a remarqué que le nombre de mariages de moins de 10 ans a augmenté de 10,1% par rapport à 2019.

Avec ces données on peut e.g. comparer les âges des époux au mariage et réaliser les autres analyses statistiques

42

42

### Séries longues sur les mariages en France (depuis 1946) + les séries complémentaires historiques (indicateurs disponibles)

**Séries longues : 12 tableaux**

**Exemple d'un analyse statistiques : la saisonnalité des mariages**

**Séries complémentaires historiques (depuis 19<sup>e</sup> siècle)**

RETRO1 – Évolution du nombre de mariages selon le sexe des partenaires (Séries depuis 1946 pour la France métropolitaine, 1957 pour la France entière)  
 RETRO2 – âge atteint dans l'année des époux (Séries depuis 1946 pour la France métropolitaine, 1994 pour la France entière)  
 RETRO3 – Âge moyen des époux selon le sexe et l'état matrimonial antérieur (Séries depuis 1946 pour la France métropolitaine, 1994 pour la France entière)  
 RETRO4 – État matrimonial antérieur des époux (Séries depuis 1946 pour la France métropolitaine, 1994 pour la France entière)  
 RETRO5 – Remariages de divorcés selon le sexe et la durée écoulée depuis le divorce (Séries depuis 1965 pour la France métropolitaine, 1998 pour la France entière)  
 RETRO6 – Nationalité des époux (Français ou étranger) (Séries depuis 1946 pour la France métropolitaine, 1994 pour la France entière)  
 RETRO7 – Nationalité des époux (Union européenne à 28 ou non) (Séries depuis 1998)  
 RETRO8 – Lieux de naissance des époux (France ou étranger) (Séries depuis 1977 pour la France métropolitaine, 1998 pour la France entière)  
 RETRO9 – Pays de naissance des époux (Union européenne à 28 ou non) (Séries depuis 1998)  
 RETRO10 – Répartition quotidienne des mariages (Séries depuis 1968 pour la France métropolitaine, 1998 pour la France entière)  
**RETRO11 – Répartition mensuelle des mariages (Séries depuis 1946 pour la France métropolitaine, 1994 pour la France entière)**  
 RETRO12 – Nombre moyen de mariages par jour selon le mois (Séries depuis 1946 pour la France métropolitaine, 1994 pour la France entière)

43

43

## Remariages

État matrimonial antérieur au remariage				Taux par rapport aux effectifs initiaux					
Sexe du conjoint				Remariages réduits des divorcés					
Durée écoulée depuis le divorce, en différence de millésime	X <sub>c</sub>	Remariages des divorcés <sup>1)</sup>		Année de divorce	Nombre de divorcés <sup>2)</sup>	Hommes		Femmes	
		Hommes+HH	Femmes+FF			taux	xc*taux	taux	xc*taux
Moins d'un an	0.5	1 581	1 433	2015	120 731	0.01310	0.00655	0.01187	0.00593
1 an	1	4 167	3 657	2014	120 568	0.03456	0.03456	0.03033	0.03033
2 ans	2	3 533	3 252	2013	121 849	0.02899	0.05799	0.02669	0.05338
3 ans	3	3 295	3 108	2012	125 217	0.02631	0.07894	0.02482	0.07446
4 ans	4	3 115	2 903	2011	129 802	0.02400	0.09599	0.02236	0.08946
.....				.....					
18 ans	18	696	715	1997	116 158				
19 ans	19	654	698	1996	117 382				
20 ans ou plus	25	5 267	5 592	1995	119 189				
				1994	115 658				
<b>Ensemble</b>		<b>42 907</b>	<b>41 289</b>	1993	110 759				
Source : Insee, statistiques de l'état civil									
				1992	107 994				
				1991	108 086				
				1990	105 813				
				1989	105 295				
				1988	106 096				
				1987	106 527				
				1986	108 380				

**durée moyenne** 8.17 8.52

**Sources de données :**

- ANNU3 : Remariages de veufs et de divorcés selon le sexe, la durée de veuvage ou la durée écoulée depuis le divorce. Année 2015
- TABLEAU 26 - ÉVOLUTION DU DIVORCE

Conception de Pr Jitka Rychtaříková

44

## Dissolution des mariages

Il n'existe que trois possibilités de terminer le mariage :

- ✓ Séparation
- ✓ Veuvage
- ✓ Divorce

Autrefois, quand les divorces étaient rares ou interdits, l'analyse de dissolution des mariages était réduite à l'analyse du veuvage à la base de la combinaison des âges des époux.

En 1768 Daniel Bernoulli (1700-1782) a publié un essai « *Sur la durée moyenne des mariages en fonction des âges des époux et sur les autres questions contiguës* » pour les époux qui se marient à l'âge de 20 ans (les deux).

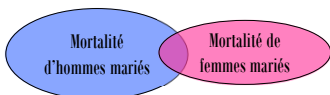
Plus tard, en 1787 E. Duillard a abordé ce problème dans son « Recherches sur les rentes, les emprunts et les remboursements » avec une solution générale :

Soit  $q_x^{Fm}$  la probabilité pour une femme mariée de décéder à l'âge  $x$

$q_y^{Hm}$  la probabilité pour un homme marié de décéder à l'âge  $y$

$M_{x,y}$  le nombre des couples avec la combinaison d'âge des époux  $x$  et  $y$

Alors  $M_{x+1;y+1} = M_{x,y} (1 - q_x^{Fm}) \cdot (1 - q_y^{Hm}) = M_{x,y} \cdot (1 - q_x^{Fm} - q_y^{Hm} + q_x^{Fm} \cdot q_y^{Hm})$



45

45

## Causes de dissolution et la durée moyenne des mariages

Il est plus facile de calculer les tables de dissolution des mariages par durée de mariage. Dans ce cas il existe une hypothèse sous-jacente que la combinaison des âges des époux au mariage est constante (plus exactement – la distribution et l'espérance mathématique sont constantes).

Par exemple, on peut facilement calculer  $d_x$  = le nombre de dissolutions des mariages d'une durée  $x$   
 $d_x = M_x - M_{x+1}$  (composé des dissolutions associées à des causes  $i, \rightarrow d_x = \sum_i d_x^i$ ) et le quotient (probabilité) de dissolution  $q_x = \frac{d_x}{M_x}$ .

Par conséquent  $M_{x+1} = M_x(1 - q_x) = M_x(1 - q_x^f)(1 - q_x^h)(1 - q_x^d)$  où  $f, h, d$  sont les causes de dissolution des mariages de durée  $x$  ans révolus

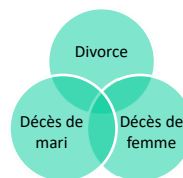
**On peut construire des tables associées à une seule cause de dissolution (veuvage selon le sexe ou divorce)**

Soit  ${}_n m_x^i$  le taux de dissolution à cause de un événement  $i$  des mariages de durée  $x, x+n$

$${}_n q_x^h = \frac{{}_n d_x^h}{M_x - 0,5 \cdot ({}_n d_x^f + {}_n d_x^d)} \approx \frac{2 \cdot n \cdot {}_n m_x^h}{2 + n \cdot {}_n m_x^h} \quad \text{– dissolution à cause de décès du mari ;}$$

$${}_n q_x^f = \frac{{}_n d_x^f}{M_x - 0,5 \cdot ({}_n d_x^h + {}_n d_x^d)} \approx \frac{2 \cdot n \cdot {}_n m_x^f}{2 + n \cdot {}_n m_x^f} \quad \text{– dissolution à cause de décès de la femme ;}$$

$${}_n q_x^d = \frac{{}_n d_x^d}{M_x - 0,5 \cdot ({}_n d_x^h + {}_n d_x^f)} \approx \frac{2 \cdot n \cdot {}_n m_x^d}{2 + n \cdot {}_n m_x^d} \quad \text{– dissolution à cause du divorce ;}$$



Sinon avec une approche de C. Chiang (voir le sujet « Tables de mortalité une cause éliminée »)

**La durée moyenne d'un mariage**  ${}^*e_0^i = \frac{n}{2} + \frac{\sum_{x=0}^{n-1} x \cdot {}_n d_x^i}{\sum_{x=0}^{n-1} {}_n d_x^i}$  où  $\omega$  – la durée limite des mariages.

46

46



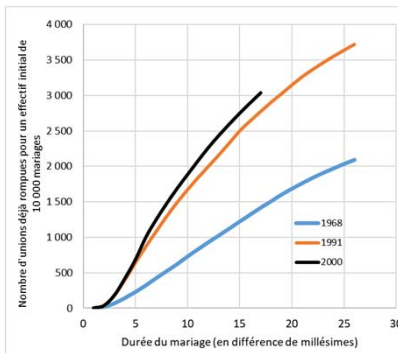


## Divortialité en France métropolitaine 2015

Nombre de divorces prononcés chaque année (T 26) pour un effectif initial de mariages (RETRO1) :  
calculs des taux par rapport aux effectifs initiaux et la durée moyenne d'un mariage divorcé

	Divorces	Année de mariage	Mariages	Taux par rapport aux effectifs initiaux			
				xc	taux	xc*taux	
Moins d'un an	85	2015	230364	0.5	0.00037	0.00018	
1 an	1265	2014	235315	1	0.00538	0.00538	
2 ans	3087	2013	233108	2	0.01324	0.02649	
3 ans	4816	2012	239840	3	0.02008	0.06024	
4 ans	5731	2011	231100	4	0.02480	0.09920	
29 ans	1388	1986	265678	29	0.00522	0.15151	
30 à 34 ans	5623	1985	269419	32	0.01901	0.60836	
35 à 39 ans	3452	1984	281402	37	0.00974	0.36048	
40 ans ou plus	3693	1983	300513	42	0.00921	0.38664	
		1982	312405	somme		<b>0.44708</b>	<b>6.37789</b>
		1981	315117				
		1980	334377	durée moyenne		<b>14.27</b>	
		1979	340405				
		1978	354628				
		1977	368166				
		1976	374003				
		1975	387379				
		1974	394755				
		1973	400740				
		1972	416521				
		1971	406416				

**TABLEAU 30 - PROPORTION D'UNIONS DÉJÀ ROMPUES SUIVANT LA DURÉE ET L'ANNÉE DU MARIAGE**



Conception de Pr Jitka Rychtaříková

49

49

## Ruptures de mariages en France, 1965-1970

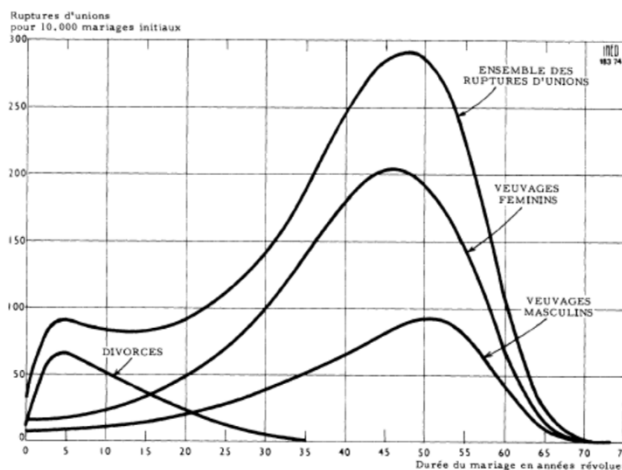


Figure 2. — Ruptures d'unions selon la cause à chaque durée de mariages dans une promotion de mariage.

Source: D. Maison. « Rupture d'union par décès ou divorce ». *Population*, 1974, N°2, pp.249-261

50

50

5<sup>e</sup> partie :

# ANNEXES

51

51

**Annexe 1 Exemple chiffré : calculs des taux et des quotients de la primo-nuptialité avec la méthode « directe »**

célibataires	22	6 409 (65 679)	6 433 4
	21	6 450	6 424
	20	4 258 (65 224)	10 247 8 247 (63 696)
		2011	2012

population totale

**Taux de première catégorie**

*Carré: 2011, âge 20*

$${}_{2011}g'_x = \frac{(279 + 258)}{(64\ 143 + 62\ 650)} \cdot 0,5$$

Ecriture pour Excel = 2\*(279+258) / (64 143+62 650)

**Taux de deuxième catégorie**

*Parallélogramme : 2011-2012, âge 20*

$${}_{2011}g_x = \frac{(279 + 258)}{63\ 696}$$

Ecriture pour Excel = 2\*(279+258) / 63 696

**Nombre de célibataires à l'âge exact de 20 :**  
62 650 + 279 + 8 = 62 937

**Quotient de primo-nuptialité**

*Table associée à la nuptialité nette :*  $N_x^1 = (279+247) / ((62\ 937 - (8+10))/2) = 0,00836$

*Table combinée à double extinction :*  $N_x^1 = (279+247) / 62\ 937$

52

Conçu par Pr Jitka Rychtaříková, 2018

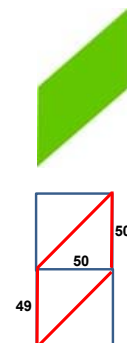
52

**Annexe 2**

Table associée à la primo-nuptialité masculine dans la processus d'extinction multiple ; France métropolitaine 2015

Mariages entre personnes de sexe différent (méthode directe)

âge atteint dans l'année	quotient de primo-nuptialité	célibataires de la table	premiers mariages de la table	$x_c$ âge central
$x$	$n_x^c$	$c_x$	$m_x^c$	$x_c * m_x^c$
15	0,00000	100 000	0	0
16	0,00000	100 000	0	0
17	0,00000	100 000	0	0
18	0,00006	100 000	6	115
19	0,00036	99 994	36	683
20	0,00101	99 958	101	2 022
21	0,00228	99 857	227	4 774
22	0,00442	99 629	440	9 679
23	0,00761	99 189	755	17 358
24	0,01151	98 435	1 133	27 184
25	0,01740	97 302	1 693	42 328
48	0,01184	52 248	619	29 696
49	0,01054	51 629	544	26 671
50	0,01266	51 085	647	16 003
		50 438		1 639 161



$49,5 * 647 / 2$

	célibat définitif	<b>50 761</b>	$51\ 085 - 647 / 2 = 50761$
somme des premiers mariages de la table		<b>49 239</b>	
âge moyen au premier mariage		<b>33,29</b>	

Jitka Rychtaříková

53

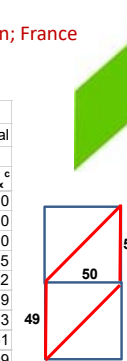
53

**Annexe 2 (suite)**

Table combinée de primo-nuptialité et de mortalité masculine à double extinction; France métropolitaine 2015

Mariages entre personnes de sexe différent (méthode directe)

âge atteint dans l'année	quotient de primo-nuptialité	quotient de mortalité des célibataires	célibataires de la table	premiers mariages de la table	décès de célibataires de la table	$x_c$ âge central
$x$	$n_x^c$	$q_x^c$	$c_x$	$m_x^c$	$d_x^c$	$x_c * m_x^c$
15	0,00000	0,00020	100000	0	20	0
16	0,00000	0,00025	99 980	0	25	0
17	0,00000	0,00030	99 955	0	30	0
18	0,00006	0,00035	99 925	6	35	115
19	0,00036	0,00044	99 884	36	44	682
20	0,00101	0,00050	99 804	101	50	2 019
21	0,00228	0,00054	99 653	227	54	4 763
22	0,00441	0,00059	99 372	439	58	9 651
23	0,00761	0,00052	98 875	752	51	17 299
24	0,01150	0,00063	98 072	1 128	61	27 075
25	0,01740	0,00061	96 883	1 685	59	42 133
46	0,01332	0,00395	51 632	688	204	31 648
47	0,01199	0,00461	50 741	609	234	28 605
48	0,01181	0,00474	49 898	589	237	28 293
49	0,01051	0,00536	49 072	516	263	25 282
50	0,01262	0,00586	48 293	609	283	15 084
			47 400			1 612 950

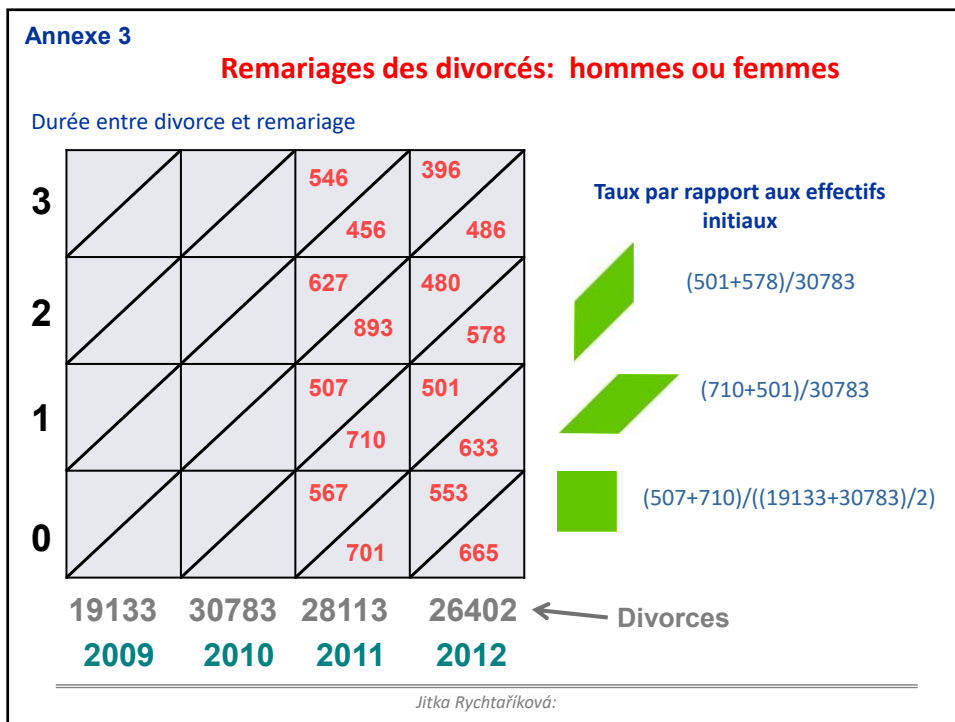


	célibat définitif	<b>47 988</b>
somme des premiers mariages de la table		<b>48 549</b>
âge moyen au premier mariage		<b>33,22</b>

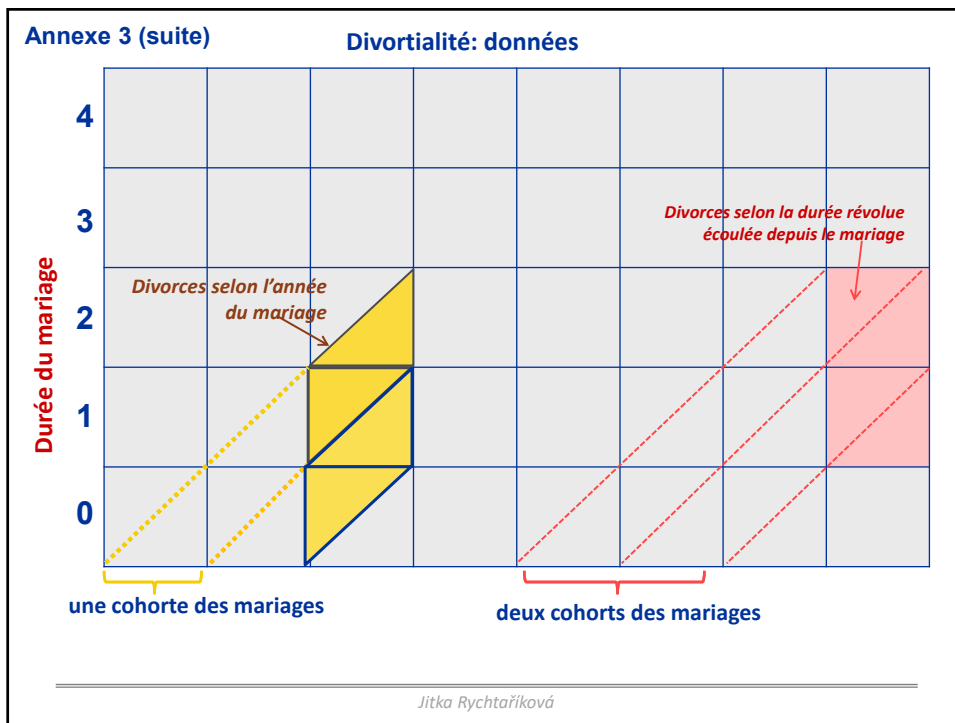
Jitka Rychtaříková

54

54



55



56

**Annexe 3 (suite)**

Durée du mariage **Divorces**

4	824 890	803 837	854 780	765 782	782 812
3	850 842	863 842	895 730	755 738	771 670
2	763 726	800 726	766 711	696 641	690 710
1	616 490	612 527	628 471	509 461	626 496
0	164 0	192 0	184 0	187 0	158 0
	<b>52 732</b>	<b>48 943</b>	<b>51 447</b>	<b>51 829</b>	<b>52 860</b>
	2002	2003	2004	2005	2006

**Cohorte de mariages 2002:**  
Analyse longitudinale de la divortialité  
 $di_0^r = 192/52\ 732$   
 $di_1^r = (527+628)/52\ 732$   
 $di_2^r = (711+696)/52\ 732$

**Année 2006**  
 $^{2005}dj^r = (158+496)/51\ 829$   
 $^{2004}dj^r = (626+710)/51\ 447$   
 $^{2003}dj^r = (690+670)/48\ 493$

**Année 2006**  
 $di_0^r = 158/[(52860+51829)/2]$   
 $di_1^r = (496+626)/[(51829+51447)/2]$   
 $di_2^r = (710+690)/[(51447+48943)/2]$

**mariages**

Jitka Rychtaříková