

Comment peut-on estimer les indicateurs d'une table de mortalité à partir de l'espérance de vie à l'âge atteint ?

On voit la possibilité d'utiliser les équations récurrentes pour trouver les autres indicateurs de la table dont nous avons besoin pour appliquer une formule de décomposition :

$$\left\{ \begin{array}{l} e_x = \frac{T_x}{l_x}; \\ e_{x+n} = \frac{T_{x+n}}{l_{x+n}} \end{array} \right. \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} l_x \cdot e_x = T_x; \\ l_{x+n} \cdot e_{x+n} = T_{x+n} \end{array} \right.$$

on va réduire la présence de $x+n$ dans la mesure de possible

$$\left\{ \begin{array}{l} l_x \cdot e_x = T_x; \\ l_x \cdot (1 - {}_nq_x) \cdot e_{x+n} = T_x - {}_nL_x \end{array} \right. \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} l_x \cdot e_x = T_x; \\ l_x \cdot (1 - {}_nq_x) \cdot e_{x+n} + {}_nL_x = T_x \end{array} \right.$$

Les deux équations ont maintenant le même terme à droite T_x , par conséquent :

$$l_x \cdot e_x = l_x \cdot (1 - {}_nq_x) \cdot e_{x+n} + {}_nL_x \text{ en divisant par } l_x \text{ on obtient}$$

$$e_x = e_{x+n} \cdot (1 - {}_nq_x) + \frac{{}_nL_x}{l_x};$$

Sachant que

$$\frac{{}_nL_x}{l_x} = {}_np_x \cdot n + {}_nq_x \cdot {}_na_x; \text{ on peut facilement trouver le rapport entre } e_x \text{ et } {}_nq_x$$

$$e_x = e_{x+n} \cdot (1 - {}_nq_x) + (1 - {}_nq_x) \cdot n + {}_nq_x \cdot {}_na_x;$$

$$e_x = e_{x+n} - e_{x+n} \cdot {}_nq_x + n - {}_nq_x \cdot n + {}_nq_x \cdot {}_na_x; \rightarrow$$

$$e_{x+n} \cdot {}_nq_x + {}_nq_x \cdot n - {}_nq_x \cdot n = e_{x+n} - e_x + n$$

$${}_nq_x = \frac{e_{x+n} - e_x + n}{e_{x+n} + n - {}_na_x}$$

Pour appliquer la formule d'Andreev-Pressat il nous suffit d'avoir une série de $l_{x+n} = l_x \cdot (1 - {}_nq_x)$

sachant que $l_0 = 1 \cdot 10^{\mathbb{Z}}$ avec $\mathbb{Z} \geq 0$